

# **УПУТСТВО ЗА ПРИПРЕМУ ЛАБОРАТОРИЈСКИХ ВЕЖБИ ИЗ ФИЗИКЕ**

## **За студенте који раде вежбе УТОРКОМ од 17<sup>00</sup> до 20<sup>00</sup> у сали 22**

Лабораторијске вежбе представљају предиспитну обавезу за курс Лабораторијске вежбе из Физике на основу које се остварује до 40% укупних поена на основу којих се формира оцена. **Обавезно је присуство и израда писаног извештаја за сваку од 6 лабораторијских вежби.** Од студената се очекује да на вежбе долазе на време, адекватно припремљени и унапред упознати са поступком израде вежбе. Потребно је понети свеску, графитну оловку, гумицу, дигитрон, лењир и милиметарски папир.

**Студент који није адекватно припремљен за израду вежбе, неће моћи у регуларном термину да ради лабораторијску вежбу.**

Литература за припрему лабораторијских вежби је „Лабораторијске вежбе из физике,“ аутора др К. Станковић, др Д. Станковића и др П. Осмокровића.

Припрема за лабораторијску вежбу захтева:

- [1] да је студент упознат са теоријском основом и начином израде лабораторијске вежбе коју у датом термину ради, што подразумева да је прочитao поглавља из практикума која се односе на вежбу и да је способан да одговори на питања везана за дату вежбу;
- [2] да је студент припремио уводни део извештаја за лабораторијску вежбу: ставке (1), (2) и (3) извештаја дефинисане у наставку овог упутства.

Општа поглавља која треба прочитати су поглавља **1 – 5**. Пример питања која се односе на ова поглавља:

- 1) Шта је мерење? Зашто се мерења понављају и зашто се врши њихова статистичка обрада?
- 2) Шта је популација? Дефинисати средњу вредност и стандардно одступање популације.
- 3) Шта је узорак? Дефинисати средњу вредност и стандардно одступање узорка.
- 4) Шта је стандардно одступање средње вредности?
- 5) Како се дефинишу тачност, поновљивост и репродуктивност мерења? На основу којих параметара се оцењују ове карактеристике мерења?
- 6) Како се израчунава стандардно одступање односно варијанса за познату функцију расподеле и колико оно износи за униформну расподелу?
- 7) Шта је то стандардизована Гаусова расподела?
- 8) Шта су стандардна и проширена мерна несигурност?
- 9) Који типови мерних несигурности постоје, када се примењују и како се израчунавају?
- 10) Када се обрада резултата може извршити методом оптималне праве? На бази чега се одређује оптимална права?
- 11) Правила за исказивање нумеричких вредности и мерних резултата.
- 12) Принцип мерења нонијусом и микрометарским завртњем.

*Одговоре на претходно наведена питања студент треба да зна без обзира на то коју вежбу ради, односно, било које од наведених питања може бити постављено пре сваке вежбе.*

У термину лабораторијске вежбе студенти у оквиру истог тима изводе експерименте и мрнне резултате бележе у свеску за лабораторијске вежбе. Након прикупљања мерних резултата потребно је извршити њихову обраду и израчунати тражену величину и мерну несигурност са којом је извршено мерење. *Уредно урађен извештај за сваку од 6 лабораторијских вежби представља услов за излазак на испит.*

Поени за сваку лабораторијску вежбу добијају се на основу урађеног извештаја и усмене одбране вежбе која се састоји из провере знања везаних за конкретну вежбу: теоријске основе, начин извођења експеримента, основна правила која се односе на израчунавање мерних несигурности и графичког приказа резултата. Број поена предвиђен за сваку вежбу је 10 (5 поена за припрему вежбе и 5 поена за одбрану вежбе). Одбрана вежбе предвиђена је у термину прве следеће вежбе (наредне наставне недеље). Одбрана је могућа и у наредним терминима, али свака недеља закашњења доноси -2 поена. Уколико се студент одлучи да вежбу брани у наредним терминима, то мора да нагласи пре почетка одбране вежбе. Након што одбрана вежбе почне, неће бити омогућено одлучивање за одбрану у наредним недељама. Уколико студент одлучи да вежбу брани у термину када је вежбу радио, може освојити до 12 поена по вежби.

**Укупан број поена остварених на лабораторијским вежбама добија се када се збир поена остварених на свим вежбама помножи са 2/3 и не може износити више од 40.**

Лабораторијске вежбе се изводе у 2 циклуса, где сваки од циклуса садржи по 3 лабораторијске вежбе и траје 3 наставне недеље:

### први циклус

1. Мерење густине течних и чврстих супстанци (Поглавље 9).
2. Мерење модула еластичности жице (Јунгов модуо) и мерење модула торзије (смицања) жице. Мерење момента инерције тела помоћу торзионог клатна (Поглавља 11, 12 и 13).
3. Мерење убрзања Земљине теже помоћу клатна (Поглавље 10).

**други циклус**

1. Мерење односа специфичних топлота  $c_p/c_V$  за ваздух методом Клемен-Дезормеа. Мерење брзине звука помоћу Кунтове цеви (Поглавља 14, 15 и 16).
2. Мерење специфичне топлоте чврстих тела (Поглавља 17 и 18).
3. Мерење топлоте испаравања воде. Одређивање зависности тачке кључанања воде од притиска (Поглавља 17, 19 и 20).

Редослед израде лабораторијских вежби је цикличан и одговара редном броју тима. То практично значи да у првом термину, први тим ради прву вежбу, други тим другу вежбу, а трећи тим трећу вежбу. У наредном термину први тим прелази на другу вежбу, други тим на трећу вежбу, а трећи тим на прву вежбу и тако док се циклус након три термина не заврши. Предвиђен је и додатни термин у ком се може надокнадити **највише** једна пропуштена вежба. Надокнаде вежби из првог циклуса организују се у 7. недељи семестра. Надокнаде вежби из другог циклуса организују се у 11. недељи семестра.

**РАСПОРЕД СТУДЕНТА ПО ТИМОВИМА**

<b>САЛА 22: УТОРАК 17<sup>00</sup> - 18<sup>30</sup></b>	<b>ТИМ</b>
2017/0014 Нишевић Алекса	Тим 1А
2017/0154 Радосављевић Мијана	Тим 1А
2017/0167 Сталетовић Ђорђе	Тим 1Б
2017/0175 Рашић Соња	Тим 1Б
2017/0193 Папић Алекса	Тим 1Б
2017/0156 Рашић Милош	Тим 2А
2017/0166 Смиљковић Миља	Тим 2А
2017/0195 Паројчић Тамара	Тим 2Б
2017/0273 Марковић Никола	Тим 2Б
2017/0191 Половина Душан	Тим 3А
2017/0194 Петровић Ивана	Тим 3А
2017/0168 Сталетовић Војислав	Тим 3Б
2017/0170 Петровић Катарина	Тим 3Б
2017/0205 Пљакић Есмир	Тим 3Б

<b>САЛА 22: УТОРАК 18<sup>30</sup> – 20<sup>00</sup></b>	<b>ТИМ</b>
2017/0448 Распоповић Данило	Тим 1А
2017/0257 Стојисављевић Лука	Тим 1А
2017/0486 Синђелић Софија	Тим 1Б
2017/0487 Пејовић Ђина	Тим 1Б
2017/0488 Соколовић Живко	Тим 1Б
2017/0461 Спасић Милица	Тим 2А
2017/0465 Ристић Милена	Тим 2А
2017/0497 Петровић Душан	Тим 2Б
2017/0254 Лабудовић Брацан	Тим 2Б
2017/0474 Продановић Никола	Тим 3А
2017/0476 Савић Предраг	Тим 3А
2017/0485 Пантовић Милица	Тим 3А
2017/0519 Радовановић Јована	Тим 3Б
2017/0527 Пешић Немања	Тим 3Б

## **УПУТСТВО ЗА ПРИПРЕМУ ИЗВЕШТАЈА**

Извештаји за лабораторијску вежбу треба да буду написани у посебној свесци намењеној искључиво за извештаје на предмету Лабораторијске вежбе из Физике. Свеска треба да буде А4 формата, пожељно на „квадратиће“. Прва страница у свесци треба да садржи податке о студенту:

1. Име, презиме и број индекса
2. Термин за израду лабораторијских вежби и ознаку тима
3. Табелу у следећој форми:

	Вежба	датум изrade	датум одбране	број поена	потпис
1	Мерење густине течних и чврстих супстанци				
2	Мерење модула еластичности жице (Јунгов модуј) и мерење модула торзије (смицања) жице. Мерење момента инерције тела помоћу торзионог клатна.				
3	Мерење убрзања Земљине теже помоћу клатна				
4	Мерење односа специфичних топлота $c_p/c_v$ за ваздух методом Клемен-Дезормеа. Мерење брзине звука помоћу Кунтове цеви.				
5	Мерење специфичне топлоте чврстих тела.				
6	Мерење топлоте испаравања воде. Одређивање зависности тачке кључања воде од притиска.				

Након тога следе извештаји за сваку појединачну вежбу, према редоследу по ком је студент радио вежбе. Сваки извештај почиње на празној десној страници у свесци и састоји се из следећих целина:

- (1) заглавље: на врху странице у форми табеле поновити табелу са прве странице, са подацима који се односе само на дату вежбу, без рубрика „број поена“ и „потпис“
- (2) Теоријски увод: кратак опис теоријских основа на којима се базирају експерименти уз навођење релевантних формулa неопходних за прорачун
- (3) Опис експеримента: кратак опис поступка мерења и мрнне апаратуре
- (4) Мрни резултати: табеле у којима ће бити приказани резултати мерења
- (5) Обрада мрних резултата: израчунавање резултата и одговарајућих мрних несигурности. За вежбе за које у Практикуму не постоје изведени изрази за мрне несигурности, у оквиру овог дела потребно је детаљно извести потребне изразе. За вежбе за које постоје изрази, потребно је бар један од њих детаљно извести.
- (6) Коначан резултат мрне величине са израженом мрном несигурношћу и одговарајућом статистичком сигурношћу. Коначан резултат треба да буде адекватно заокружен (према упутствима датим у Поглављу 5) и приказан у оквиру дефинисаних Табела.

## **ЧЕСТЕ ГРЕШКЕ КОЈЕ ТРЕБА ИЗБЕЋИ**

Током обраде мрних резултата, потребно је водити рачуна о следећем:

- (1) Резултате и мрне несигурности не треба заокруживати током прорачуна, већ искључиво приликом писања коначног резултата. Током прорачуна је потребно задржати најмање четири сигурне цифре.
- (2) Јединице мерених и израчунатих величине неопходно је писати увек, било да се ради о међукорацима, мрним несигурностима или коначном резултату.
- (3) У коначном резултату никако не треба да фигурише релативна, већ искључиво апсолутна проширена мрна несигурност, према дефинисаној статистичкој сигурности.
- (4) Приликом цртања оптималне праве, обавезно назначити најмање две сигурне тачке (добијене помоћу коефицијента правца праве) на основу којих је права нацртана. Алтернативно, могуће је означити угао нагиба праве и написати његову вредност.
- (5) Сви графици морају бити нацртани на милиметарском папиру, за који је могуће користити блок милиметарског папира или један папир приложен у свесци на адекватном месту. Сваки график је неопходно потписати хемијском оловком. Графици који су нацртани у свесци, неће бити оцењени.
- (6) Водити рачуна о томе да пресек ординате и апсцисе не мора увек истовремено бити и координатни почетак Декартовог координатног система! У том случају, без обзира што права пролази кроз координатни почетак, она не мора обавезно пролазити и кроз тачку дефинисану пресеком оса.

**Табеле за прикупљање мрних резултата (у овом облику приказати резултате у извештају) и приказивање коначних вредности након израчунавања (у случају да је потребно, на одговарајућа места уметнути извођења или додатне кораке у прорачуну) налазе се у наставку материјала.** Пожељно је да студенти на лабораторијску вежбу понесу одштампани примерак реферата, како би били сигурни да су прикупили све неопходне мрне резултате.

## **ГРАФИЧКА ОБРАДА РЕЗУЛТАТА МЕРЕЊА**

### *Правила за цртање графика на милиметарском папиру*

За цртање графика користе се различити папир. Говорићемо само о милиметарским папирима формата А4, који се уобичајено користе у обради резултата мерења током лабораторијских вежби. Димензије графика на овим папирима могу бити максимално до 250 mm x 170 mm.

Координатне осе би требало цртати **по ивицама** милиметарског папира. По правилу, на **апсису** (углавном x-осу) се наноси **независно променљива**, а на **ординату** (углавном y-осу)  **зависно променљива** величина.

**Размера оса** се бира тако да буде испуњен **што већи простор** расположивог папира (при чему је потребно правилно одабрати коју величину треба нанети на дужу, а коју на краћу осу и ротирати папир на одговарајући начин).

При поставци оса је често боље да пресеци координатних оса не буду у координатном почетку. Међутим, ваља обратити пажњу да то понекад може довести до грубе грешке! На пример, ако је са графика линеарне зависности потребно одредити **пресек са ординатом**, апсиса **мора да почине од нуле**.

Да би наношење и очитавање вредности са графика било једноставно, јединица величине која се приказује (или њен умножак са  $10^{\pm n}$  где је  $n$  цео број) може да буде приказана са **1, 2, 2.5, 5, 10, 20, 25, 50, 100 итд.** милиметара на милиметарском папиру. **Све остале разmere нису допуштене!** На пример, јединица физичке величине не сме бити приказана на милиметарском папиру са 3 mm или 3 cm (најчешћа грешка), 6 mm, 7 mm, 12 mm, 15 cm и сл.

На осе се наносе **само еквидистантне ознаке** бројних вредности физичких величина. На осама се не обележавају бројне вредности које одговарају експерименталним тачкама, и на папиру се не повлаче било какве линије од оса до нанетих тачака.

Експерименталне тачке се означавају кружићима, квадратићима и сл. Ако је на исти папир нането више низова података, сваки низ се означава посебним ознакама. Ове тачке на графицима, у општем случају, морају бити унете са одговарајућим апсолутним мерним несигурностима приказаних величине. Апсолутне мерне несигурности се не уносе само ако су **мање** од вредности **најмањег одговарајућег подеока графика**.

Уколико је коефицијент правца праве и одговарајући слободни члан одређен **статистичком обрадом** мерних резултата, уз поштовање метода најмањих квадрата, оптимална права се провлачи на основу тако израчунатих параметара. У том случају је на графику потребно означити најмање две **сигурне тачке** добијене служећи се израчунатим коефицијентом правца и слободним чланом, или, алтернативно, једну сигурну тачку и тангентс угла који оптимална права заклапа са апсисом. Пожељно је да сигурне тачке буду одабране тако да њихове пројекције на апсису буду изван опсега независне променљиве коришћене у експерименту: једна мања од минималне, а друга већа од максималне вредности независне променљиве.

Ако је бројна вредност физичке величине која се наноси на график, **мања од 0.01**, или **већа од 100**, потребно ју је изразити у **експоненцијалном облику**.

Да би графички приказ резултата мерења на милиметарском папиру био комплетан, јасан и једнозначен **неопходно** је додати и следеће елементе:

- **наслов графика** (на врху папира изнад милиметарске мреже у правцу паралелном са апсисом),
- **називе мерених физичких величина** уз координатне осе (паралелно са одговарајућом осом на средини и изван милиметарске мреже) **са придрженим јединицама мере** (одмах након назива физичке величине унутар угластих или обичних заграда),
- **датум изrade** (на дну папира са леве стране изван милиметарске мреже) и
- **личне податке студента** (име, презиме и број индекса студента на дну папира са десне стране изван милиметарске мреже)

**ВЕЖБА БР. 1:** Поглавље 9**A МЕРЕЊЕ ГУСТИНЕ ТЕЧНОСТИ ПОМОЋУ ПИКНОМЕТРА:**

Маса празног пикнометра:

$$m_1 = \boxed{\phantom{000}} \text{ [g]}$$

Маса пикнометра са водом:

$$m_2 = \boxed{\phantom{000}} \text{ [g]}$$

Маса пикнометра са течношћу:

$$m_3 = \boxed{\phantom{000}} \text{ [g]}$$

**Густина испитиване течности:**

$$\rho = \text{написати формулу} = \boxed{\phantom{000}} \text{ [kg/m}^3\text{]}$$

**Мерна несигурност (MH):**

MH масе:

$$u_m = \boxed{\phantom{000}} \text{ [kg]}$$

MH густине:  $u_\rho = \text{написати формулу} = \boxed{\phantom{000}}$ 

$$[\text{kg/m}^3]$$

**Коначан резултат :**

(са статистичком сигурношћу 95%)

**B МЕРЕЊЕ ГУСТИНЕ ЧВРСТЕ СУПСТАНЦЕ У ЗРНАСТОМ ОБЛИКУ:**

Маса супстанце у зрнастом облику:

$$m = \boxed{\phantom{000}} \text{ [g]}$$

Маса пикнометра са водом и зрнастом супстанцом поред њега:

$$m_1 = \boxed{\phantom{000}} \text{ [g]}$$

Маса пикнометра са водом и зрнастом супстанцом у њему:

$$m_2 = \boxed{\phantom{000}} \text{ [g]}$$

**Густина чврсте супстанце:**

$$\rho = \text{написати формулу} = \boxed{\phantom{000}} \text{ [kg/m}^3\text{]}$$

**Мерна несигурност (MH):**

MH масе:

$$u_m = \boxed{\phantom{000}} \text{ [kg]}$$

MH густине:  $u_\rho = \text{написати формулу} = \boxed{\phantom{000}}$ 

$$[\text{kg/m}^3]$$

**Коначан резултат :**

(са статистичком сигурношћу 95%)

**C МЕРЕЊЕ ГУСТИНЕ ЧВРСТОГ ТЕЛА ХИДРОСТАТИЧКОМ ВАГОМ:**

Маса тела:

$$m = \boxed{\phantom{000}} \text{ [g]}$$

Привидна маса тела:

$$m_1 = \boxed{\phantom{000}} \text{ [g]}$$

**Густина чврстог тела:**

$$\rho = \text{написати формулу} = \boxed{\phantom{000}} \text{ [kg/m}^3\text{]}$$

**Мерна несигурност (MH):**

MH масе:

$$u_m = \boxed{\phantom{000}} \text{ [kg]}$$

MH густине:  $u_\rho = \text{написати формулу}^* = \boxed{\phantom{000}}$ 

$$[\text{kg/m}^3]$$

**Коначан резултат :**

(са статистичком сигурношћу 95%)

\* проверити да ли је формула исправна

**Д МЕРЕЊЕ ГУСТИНЕ ТЕЧНОСТИ ХИДРОМЕТРОМ:**

Р. бр. мерења	$h_{01}$ [cm]	$h_{02}$ [cm]	$h_1$ [cm]	$h_2$ [cm]	$\rho$ = написати формулу [ $\text{kg}/\text{m}^3$ ]
1.					
2.					
3.					
4.					
5.					

Густина испитиване течности:  $\rho$  = написати формулу =  [ $\text{kg}/\text{m}^3$ ]Мерна несигурност (MH):MH мерења висине:  $u_h$  =  [m]Мерна несигурност типа А:  $u_{\rho A}$  = написати формулу =  [ $\text{kg}/\text{m}^3$ ]Мерна несигурност типа Б:  $u_{\rho B}$  = написати формулу =  [ $\text{kg}/\text{m}^3$ ]Комбинована MH:  $u_\rho$  = написати формулу =  [ $\text{kg}/\text{m}^3$ ]**Коначан резултат :**  
(са статистичком сигурношћу 95%)

**ВЕЖБА БР. 2: Поглавља 11, 12 и 13****А МЕРЕЊЕ МОДУЛА ЕЛАСТИЧНОСТИ ЖИЦЕ:**

Дужина жице:

$$L = \boxed{\phantom{000}} \text{ [m]}$$

Пречник жице [mm]:  $d_1 = \boxed{\phantom{00}}$   $d_2 = \boxed{\phantom{00}}$   $d_3 = \boxed{\phantom{00}}$   $d_4 = \boxed{\phantom{00}}$   $d_5 = \boxed{\phantom{00}}$ 

Средња вредност пречника жице :

$$d_s = \text{навести израз} = \boxed{\phantom{000}} \text{ [mm]}$$

Ред. број мерења $n$	маса тега [kg]	истезање $\Delta l_i$ [mm]		
		при повећању силе	при смањењу силе	средња вредност
1				
2				
3				
4				
5				
6				

Коефицијент правца оптималне праве:  $a = \text{написати израз} = \boxed{\phantom{000}}$  [m/kg]Модул еластичности жице:  $E_Y = \text{написати израз} = \boxed{\phantom{000}}$  [N/m<sup>2</sup>]**Мерна несигурност:**Мерна несигурност дужине жице:  $u_l = \text{написати израз} = \boxed{\phantom{00}}$  [m]Мерна несигурност пречника жице (тип Б):  $u_{dB} = \text{написати израз} = \boxed{\phantom{00}}$  [m]Мерна несигурност пречника жице (тип А):  $u_{dA} = \text{написати израз} = \boxed{\phantom{00}}$  [m]Комбинована МН пречника жице:  $u_d = \text{написати израз} = \boxed{\phantom{00}}$  [m]МН коефицијента оптималне праве:  $u_a = \text{написати израз} = \boxed{\phantom{000}}$  [m/kg]Мерна несигурност модула еластичности :  $u_{EY} = \text{написати израз} = \boxed{\phantom{000}}$  [N/m<sup>2</sup>]**Коначан резултат :**

(са статистичком сигурношћу 95%)

**Напомена:** Уз овај извештај треба приложити и график  $\Delta l(m)$  на милиметарском папиру. Оптимална права треба да пролази кроз координатни почетак. На графику обележити мерне несигурности.**Б МЕРЕЊЕ МОДУЛА ТОРЗИЈЕ ЖИЦЕ**Дужина жице:  $L = \boxed{\phantom{000}}$  [cm]Пречник жице [mm]:  $d_1 = \boxed{\phantom{00}}$   $d_2 = \boxed{\phantom{00}}$   $d_3 = \boxed{\phantom{00}}$   $d_4 = \boxed{\phantom{00}}$   $d_5 = \boxed{\phantom{00}}$ Средња вредност пречника жице :  $d_s = \text{навести израз} = \boxed{\phantom{000}}$  [mm]Средња вредност полу пречника жице :  $r_s = d_s / 2 = \boxed{\phantom{000}}$  [mm]Пречник цилиндра [cm]:  $D_1 = \boxed{\phantom{00}}$   $D_2 = \boxed{\phantom{00}}$   $D_3 = \boxed{\phantom{00}}$   $D_4 = \boxed{\phantom{00}}$   $D_5 = \boxed{\phantom{00}}$ Средња вредност пречника цилиндра :  $D_s = \text{навести израз} = \boxed{\phantom{000}}$  [cm]

редни број мерења $n$	$m$ [g]	$M = mg \cdot D$ [Nm]	$\varphi$ [ $^{\circ}$ ]	$\varphi$ [rad]
1				
2				
3				
4				
5				
6				
7				

Торзиона константа:  $c = \text{навести израз} = \boxed{\phantom{000}}$  [Nm/rad]

Модуо торзије жице:  $E_s = \text{навести израз} = \boxed{\phantom{000}}$  [N/(rad·m<sup>2</sup>)]

#### Мерна несигурност (MH):

Мерна несигурност дужине жице:  $u_l = \text{навести израз} = \boxed{\phantom{000}}$  [m]

МН полупречника жице (тип А):  $u_{rA} = \text{навести израз} = \boxed{\phantom{000}}$  [m]

МН полупречника жице (тип Б):  $u_{rB} = \text{навести израз} = \boxed{\phantom{000}}$  [m]

Комбинована МН полу пречника жице:  $u_r = \text{навести израз} = \boxed{\phantom{000}}$  [m]

Мерна несигурност торзионе константе:  $u_c = \text{навести израз}^{\dagger} = \boxed{\phantom{000}}$  [Nm/rad]

Мерна несигурност модула торзије:  $u_{Es} = \text{навести израз} = \boxed{\phantom{000}}$  [N/(rad·m<sup>2</sup>)]

#### **Коначан резултат :**

(са статистичком сигурношћу 95%)

**Напомена:** Уз овај извештај треба приложити график  $\varphi(M)$  на милиметарском папиру. Оптимална права треба да пролази кроз координатни почетак. На графику обележити мерне несигурности.

#### **¶ МЕРЕЊЕ МОМЕНТА ИНЕРЦИЈЕ ТЕЛА ПОМОЋУ ТОРЗИОННОГ КЛАТНА**

Укупно време за  $n$  осцилација:  $T_u = \boxed{\phantom{000}}$  [s]

Број осцилација:  $n = \boxed{\phantom{000}}$

Период осциловања:  $T = T_u / n = \boxed{\phantom{000}}$  [s]

Момент инерције тела:  $I = \text{написати израз} = \boxed{\phantom{000}}$  [kg·m<sup>2</sup>]

#### Мерна несигурност резултата:

Мерна несигурност периода:  $u_T = \text{навести израз} = \boxed{\phantom{000}}$  [s]

Мерна несигурност момента инерције :  $u_I = \text{навести израз} = \boxed{\phantom{000}}$

#### **Коначан резултат :**

(са статистичком сигурношћу 95%)

<sup>†</sup> Проверити изразе: коефицијент правца је  $1/c$ , а не  $c$ , тако да израз изведен у практикуму треба искористити за израчунавање мерне несигурности за  $c$  применом поступка: мерна несигурност индиректно мерење величине. Такође, у изведеном изразу за мерну несигурност коефицијента правца, постоји грешка: исправити тако да израз буде димензионално исправан.

**ВЕЖБА БР. 3: Поглавље 10****МЕРЕЊЕ УБРЗАЊА ЗЕМЉИНЕ ТЕЖЕ:**

Ред. број мерења	$l_1$ [mm]	$l_2$ [mm]	$l_s$ [mm]	$l_s^2$ [mm]	$t_u$ [s]	$n$	$T = t_u / n$ [s]	$T^2$ [s]
1.								
2.								
3.								
4.								
5.								

Кофицијент правца оптималне праве:

$$a = \text{написати израз} = \boxed{\phantom{000}} \text{ [s}^2/\text{m}]$$

Убрзање земљине теже:

$$g = \text{написати израз} = \boxed{\phantom{000}} \text{ [m/s}^2]$$

Мерна несигурност кофицијента оптималне праве:

$$u_a = \text{написати израз} = \boxed{\phantom{000}} \text{ [s}^2/\text{m}]$$

Релативно одступање мерења<sup>‡</sup>:

$$\varepsilon_r = \frac{g - g_{Bg}}{g_{Bg}} 100\% = \boxed{\phantom{000}}$$

Мерна несигурност убрзања земљине теже:

$$u_g = \text{написати израз} = \boxed{\phantom{000}} \text{ [m/s}^2]$$

**Коначан резултат :**  
(са статистичком сигурношћу 95%)

**Напомена:** Уз овај извештај неопходно је приложити и график зависности  $T^2(l_s)$  на милиметарском папиру. Оптимална права треба да пролази кроз координатни почетак. На графику обележити мрнне несигурности.

<sup>‡</sup> Гравитационо убрзање за Београд, таблична вредност:  $g_{Bg} = 9,8060226 \text{ m/s}^2$

## ВЕЖБА БР. 4: Поглавља 14, 15 и 16

### А ОДРЕЂИВАЊЕ ОДНОСА СПЕЦИФИЧНИХ ТОПЛОТА $C_p/C_v$ ЗА ВАЗДУХ:

Ред. број мерења	Разлика нивоа у крацима манометра пре отварања вентила $h_1$ [cm]	Разлика нивоа у крацима манометра после затварања вентила $h$ [cm]	Однос специфичних топлота $\kappa = \frac{h_1}{h_1 - h}$
1.			
2.			
3.			
4.			
5.			

Однос  $c_p/c_v$  за ваздух:

$\kappa =$  написати израз =

Мерна несигурност резултата:

Извести израз за мерну несигурност односа специфичних топлота и израчунати појединачне доприносе укупној мерној несигурности. Навести све релевантне величине коришћене приликом израчунавања мерне несигурности.

**Коначан резултат :**  
(са статистичком сигурношћу 95%)

### Б ОДРЕЂИВАЊЕ БРЗИНЕ ЗВУКА ПОМОЋУ КУНТОВЕ ЦЕВИ:

Фреквенција тон генератора

$v_g =$   [Hz]

Број Кунтових фигура :

$n =$

Дужина ваздушног стуба

$l_v =$   [m]

Дужина алуминијумске шипке

$l =$   [m]

Густина алуминијумске шипке

$\rho_{al} =$   [kg/m<sup>3</sup>]

Собна температура

$t =$   [°C]

Атмосферски притисак

$p_a =$   [Pa]

Брзина звука у ваздуху [m/s]:

$c_{v1} =$  написати израз =  [m/s]

(Густина ваздуха  $\rho = 1.25$  kg/m<sup>3</sup>,  $\kappa$  узети из првог дела вежбе)

$c_{v2} = \sqrt{\kappa p_a / \rho} =$   [m/s]

Релативно одступање мерења брзине звука у ваздуху:

Брзина звука у функцији од температуре  
(сматрати за референтну вредност приликом одређивања релативних одступања):

$c(t) = 331.4 + 0.6 \cdot t$  [°C] =  [m/s]

Релативно одступање за  $c_{v1} =$   [%]

Релативно одступање за  $c_{v2} =$   [%]

**Коначан резултат за  $c_{v1}$ :** (мерена вредност  $\pm$  апсолутно одступање)  
(приказати резултат са већом тачношћу)

Одређивање Јунговог модула за алуминијум:

Брзина звука у алуминијуму:  $c_{al} =$  написати израз =  [m/s]

Јунгов модуло еластичности алуминијума:  $E_{Yal} =$  написати израз =  [N/m<sup>2</sup>]

Релативно одступање<sup>§</sup>:  $\varepsilon_R =$  написати израз =  [%]

**Коначан резултат :**  
(мерена вредност  $\pm$  апсолутно одступање)

<sup>§</sup> за алуминијум  $E_{YalT} = 6.9 \cdot 10^{10}$  N/m<sup>2</sup>

**ВЕЖБА БР. 5:** Поглавља 17 и 18

Маса воде у калориметру:

$$\begin{array}{l|l} m_v = & [\text{g}] \\ \hline & [\text{g}] \\ \hline & [{}^\circ\text{C}] \\ \hline & [{}^\circ\text{C}] \\ \hline & [{}^\circ\text{C}] \end{array}$$

Маса чврсте супстанце:

$$\begin{array}{l|l} m = & [\text{g}] \\ \hline & [\text{g}] \\ \hline & [{}^\circ\text{C}] \\ \hline & [{}^\circ\text{C}] \\ \hline & [{}^\circ\text{C}] \end{array}$$

Температура загрејаних куглица:

$$\begin{array}{l|l} t_k = & [{}^\circ\text{C}] \\ \hline & [{}^\circ\text{C}] \\ \hline & [{}^\circ\text{C}] \\ \hline & [{}^\circ\text{C}] \end{array}$$

Почетна температура воде у калориметру:

$$\begin{array}{l|l} t_1 = & [{}^\circ\text{C}] \\ \hline & [{}^\circ\text{C}] \\ \hline & [{}^\circ\text{C}] \end{array}$$

Крајња температура воде у калориметру:

$$\begin{array}{l|l} t_2 = & [{}^\circ\text{C}] \\ \hline & [{}^\circ\text{C}] \end{array}$$

**Количина топлоте коју прими  
калориметар:**(за воду  $c_v = 4186 \text{ J/(kg}^{\circ}\text{C)}$ )

$$\Delta Q = \text{написати израз} = \boxed{[J]}$$

**Специфична топлота тела:**Релативно одступање:  
(за олово  $c_t = 130 \text{ J/(kg}^{\circ}\text{C)}$ )

$$c = \text{написати израз} = \boxed{[\text{J}/(\text{kg}^{\circ}\text{C})]}$$

$$\varepsilon_R = \text{написати израз} = \boxed{[%]}$$

Извести израз за стандардну мерну несигурност специфичне топлоте чврстог тела ( $u_c$ ) и упоредити добијену вредност са апсолутним одступањем одређеним на основу табличне вредности специфичне топлоте олова. Стандардна МН масе воде и масе чврсте супстанце су једнаке и износе  $u_m = 5/3^{1/2} \text{ mg} = 2.86 \cdot 10^{-6} \text{ kg}$ , а стандардна МН сваке од мерених температура је  $u_t = 0.05/3^{1/2} {}^\circ\text{C} = 28.9 \cdot 10^{-3} {}^\circ\text{C}$ . Претпоставити да су све мерене величине некорелисане.

**Коначан резултат :**  
(са статистичком сигурношћу 95%)

**ВЕЖБА БР. 6:** Поглавља 17, 19 и 20**А ОДРЕЂИВАЊЕ ЗАВИСНОСТИ ТАЧКЕ КЉУЧАЊА ВОДЕ ОД ПРИТISКА**

Разлика нивоа живе $h$ [m]	Температура воде $t$ [ $^{\circ}$ C]	Пријесак $p = p_a - \rho gh$ [bar]	температура кључаша $t_f$ [ $^{\circ}$ C] (таблична вред)	Одступање температуре $t - t_f$ [ $^{\circ}$ C]

Уз попуњену табелу потребно је приложити и дијаграм зависности  $p(t)$ . Напомена: ако се дијаграм црта на рачунару користити експоненцијално фитовање.

**Б ОДРЕЂИВАЊЕ ТОПЛОТЕ ИСПАРАВАЊА ВОДЕ**

Маса кондензатора:

$m_k =$   [g]

Маса празног калориметра:

$m_p =$   [g]

Маса пуног калориметра:

$m_{pv} =$   [g]

Маса воде у калориметру:

$m = m_{pv} - m_p =$   [g]

Маса мешалице:

$m_m =$   [g]

Запремина потопљеног дела термометра

$V =$   [ $m^3$ ]

Температура 1:

$t_1 =$   [ $^{\circ}$ C]

Температура 2:

$t_2 =$   [ $^{\circ}$ C]

Маса кондензоване течности:

$\mu =$   [g]

**Топлотни капацитет калориметра:**

$M =$  написати израз =  [J/  $^{\circ}$ C]

**Топлота испаравања воде:**

$q =$  написати израз =  [J/kg]

Релативно одступање:

(за воду  $q_f = 2257$  kJ/kg)

$\varepsilon_R =$  написати израз =  [%]

Извести израз за стандардну мерну несигурност топлоте испаравања воде ( $q$ ) и упоредити добијену вредност са апсолутним одступањем одређеним на основу табличне вредности топлоте испаравања воде. Стандардна МН свих мерених маса су једнаке и износе  $u_m = 5/3^{1/2}$  mg =  $2.86 \cdot 10^{-6}$  kg, а стандардна МН сваке од мерених температура је  $u_t = 0.05/3^{1/2}$   $^{\circ}$ C =  $28.9 \cdot 10^{-3}$   $^{\circ}$ C. Претпоставити да су све мерене величине некорелисане.

**Коначан резултат :**